

## ФИЗИКА

УДК 537.311

Академик Э. М. Казарян<sup>1</sup>, Н. Г. Агекян<sup>1</sup>, А. А. Саркисян<sup>1,2</sup>

### Одноэлектронный ток в цилиндрическом нанослое

(Представлено 21/XI 2011)

**Ключевые слова:** *цилиндрический нанослой, ток спинового магнитного момента*

**1. Введение.** Слоистые наноструктуры продолжают оставаться в центре внимания исследователей как с сугубо академической точки зрения, так и с точки зрения их непосредственного приложения в нанoeлектронике (см. напр. [1]). В таких системах расширяются возможности управления энергетическим спектром носителей заряда путем изменения геометрических параметров изучаемых образцов [2]. Электронными уровнями в наноструктурах можно управлять также с помощью внешних полей, следовательно, диапазон "управляемости" их физическими свойствами чрезвычайно широк. Поэтому актуальным становится вопрос детального изучения различных характеристик нанослоев: коэффициентов межзонного и внутризонного поглощения [3, 4], баллистической проводимости [5], орбитального и спинового токов [6] и т.д. Примечательно, что наряду с орбитальным одноэлектронным током при учете спина электрона возникает также ток спинового магнитного момента [7], который при определенных условиях может играть важную роль и исследованию которого посвящено данное сообщение.

**2. Теория.** Рассмотрим цилиндрический нанослой, ограничивающий потенциал которого в радиальном направлении описывается двумерным радиальным аналогом потенциала Винтерница – Смородинского [8]:

$$V_{conf}^{rad}(\rho) = \frac{\alpha}{\rho^2} + \beta\rho^2 - 2\sqrt{\alpha\beta}, \quad (1)$$

где  $\alpha$  и  $\beta$  – параметры, характеризующие цилиндрической нанослой. В направлении оси нанослоя потенциал ограничения будем рассматривать в рамках прямоугольной бесконечно глубокой ямы с шириной  $L$ . Пусть на систему наложено также однородное аксиальное магнитное поле  $\vec{B}$ , которому соответствует калибровка вида

$$\vec{A} = \left\{ A_\rho = 0, A_\varphi = \frac{B\rho}{2}, A_z = 0 \right\}. \quad (2)$$

В случае указанной калибровки в уравнении Шредингера переменные разделяются и с учетом спина электрона получаются следующие двумерное и одномерное уравнения:

$$\left\{ -\frac{\hbar^2}{2\mu} \left( \frac{1}{\rho} \frac{\partial}{\partial \rho} \left( \rho \frac{\partial}{\partial \rho} \right) + \frac{1}{\rho^2} \frac{\partial^2}{\partial \varphi^2} \right) - \frac{i\hbar\omega_c}{2} \frac{\partial}{\partial \varphi} + \frac{\mu\omega_c^2}{8} \rho^2 + \left\{ \begin{array}{l} V_{conf}^{rad}(\rho) - \mu^* B \hat{\sigma}_z \end{array} \right\} \right\} \psi(\rho, \varphi) \chi_{s_z} = E_{n_\rho, m, s_z} \psi(\rho, \varphi) \chi_{s_z}, \quad (3)$$

$$\left\{ -\frac{\hbar^2}{2\mu} \frac{d^2}{dz^2} + V_{conf}^{oz}(z) \right\} f(z) = E_{n_z} f(z), \quad (4)$$

где  $\mu^*$  – магнитный момент электрона (в случае *GaAs*  $\mu^* = g_L \mu_B, \mu_B = \frac{e\hbar}{2\mu c}, g_L = 0,44$ ),  $\hat{\sigma}_z$  – z-компонента матрицы Паули,  $\omega_c = \frac{eB}{\mu c}$  – циклотронная частота,  $\chi_{s_z}$  – спиновая волновая функция. В z-представлении по матрицам Паули имеем

$$\hat{\sigma}_z = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}, \chi_{s_z=1/2} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}. \quad (5)$$

Уравнения (3) и (4) являются точно решаемыми, и для волновой функции можем записать

$$\Psi_{n_\rho, m}^{n, s_z}(\rho, \varphi, z, s_z) = D_{n_\rho, m, n} e^{im\varphi} \rho^M e^{-\frac{\rho^2}{4a_\Omega^2}} {}_1F_1\left(-n_\rho, M+1, \frac{\rho^2}{2a_\Omega^2}\right) \left\{ \begin{array}{l} \sin \frac{\pi n}{L} z (n=2k) \\ \cos \frac{\pi n}{L} z (n=2k+1) \end{array} \right\} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \quad (6)$$

где  $D_{n_p, m, n}$  – нормировочная постоянная, а также введены следующие обозначения:

$$M = \sqrt{m^2 + \frac{2\mu\alpha}{\hbar^2}}, \quad \Omega = \sqrt{\omega_c^2 + \frac{8\beta}{\mu}}, \quad a_\Omega = \sqrt{\frac{\hbar}{\mu\Omega}}. \quad (7)$$

Для спектра энергии получим

$$E_{n_p, m}^{n, s} = \hbar\omega_c \left( \frac{\Omega}{\omega_c} \left( n_p + \frac{M+1}{2} \right) + \frac{m}{2} \right) - 2\sqrt{\alpha\beta} + \frac{\pi^2 \hbar^2 n^2}{2\mu L^2} - 2\mu^* B s_z. \quad (8)$$

На основе полученных результатов перейдем к вычислению спинового и орбитального токов в рассматриваемой системе. Как известно, выражение для плотности орбитального тока в магнитном поле имеет вид [7]

$$\vec{j}_{orb} = \frac{i\hbar}{2\mu} (\Psi \vec{\nabla} \Psi^* - \Psi^* \vec{\nabla} \Psi) - \frac{e^2}{\mu c} \vec{A} |\Psi|^2, \quad (9)$$

а для тока спинового магнитного момента

$$\vec{j}_{SMM} = \mu^* c \operatorname{rot}(\Psi^* \hat{\sigma} \Psi). \quad (10)$$

Вначале рассмотрим орбитальный ток. С учетом симметрии задачи вычисления будем производить в цилиндрических координатах. Так как  $\rho$ - и  $z$ - части волновой функции (6) являются вещественными функциями, а также, исходя из определения  $\vec{\nabla}$ -оператора в цилиндрических координатах можно показать, что  $\rho$ - и  $z$ - компоненты орбитального тока равны нулю. В свою очередь, для  $\varphi$ -компоненты имеем

$$(\vec{j}_{orb})_\varphi = \left( \frac{e\hbar m}{\mu\rho} - \frac{e^2 B}{2\mu c} \rho \right) |\Psi|^2 |f|^2. \quad (11)$$

Для определения тока спинового магнитного момента необходимо сперва определить компоненты вектора

$$\vec{\sigma} = \mu^* \Psi \hat{\sigma} \Psi. \quad (12)$$

Непосредственным вычислением, с учетом вида матриц Паули, а также спиновой волновой функции  $\chi_s$ , можно показать, что  $(\bar{\sigma})_\rho = (\bar{\sigma})_\varphi = 0$ , а для  $(\bar{\sigma})_z$  находим

$$(\bar{\sigma})_z = 2\mu^* s_z |\psi|^2 |f|^2. \quad (13)$$

Произведение  $(|\psi|^2 |f|^2)$  зависит только от координат  $\rho$  и  $z$ , поэтому ненулевой будет только  $\varphi$ -компонента  $rot\bar{\sigma}$ :

$$(rot\bar{\sigma})_\varphi = -\frac{\partial}{\partial\rho}(\bar{\sigma})_z. \quad (14)$$

Окончательно для ненулевой компоненты тока спинового магнитного момента получим

$$(\vec{J}_{SMM})_\varphi = -2\mu^* c s_z \left\{ \frac{\partial}{\partial\rho} |\psi|^2 \right\} |f|^2. \quad (15)$$

Таким образом, для полного тока  $\vec{J}_{tot}$  находим

$$(\vec{J}_{tot})_\varphi = \left( \frac{e\hbar m}{\mu\rho} - \frac{e^2 B}{2\mu c} \rho \right) |\psi|^2 |f|^2 - 2\mu^* c s_z \left\{ \frac{\partial}{\partial\rho} |\psi|^2 \right\} |f|^2. \quad (16)$$

**3. Результаты.** Орбитальный ток состоит из двух частей, а именно если учесть, что  $\hbar m$  является моментом импульса электрона в состоянии с магнитным квантовым числом  $m$ , то становится ясным, что этот член характеризует ток орбитального “движения”. В свою очередь отношение  $\frac{eB}{\mu c}$  является циклотронной частотой электрона и будучи умноженным на  $\rho$  характеризует линейную скорость его циклотронного “движения”. Таким образом, второй член описывает вклад магнитного поля в  $\vec{J}_{tot}$ , являясь током частоты Лармора. При этом в отличие от случая квантовой проволоки учет квантования вдоль оси нанослоя  $Oz$  приводит к исчезновению орбитального тока вдоль направления магнитного поля. С другой стороны присутствие направления  $Oz$  проявляется в наличии множителя  $|f|^2$ , как в орбитальном токе, так и в токе спинового магнитного момента. Следовательно, в зависимости от того, в какой плоскости  $z = const$  рассматривается ток, будут фиксироваться различные его значения при одних и тех же  $\rho$ . Наконец отметим еще одно важное обстоятельство. Из выражения (16)

следует, что в отсутствие магнитного поля  $\vec{B} = 0$  для состояний электрона с  $m = 0$  ненулевой вклад в общий ток будет давать только ток спинового магнитного момента:

$$(\vec{j}_{tot})_{\varphi} = -2\mu^* c s_z \left\{ \frac{\partial}{\partial \rho} |\psi|^2 \right\} |f|^2, \quad (17)$$

обусловленный градиентом плотности вероятности радиального распределения электрона.

<sup>1</sup>Российско-Армянский (Славянский) университет

<sup>2</sup>Ереванский государственный университет

**Академик Э. М. Казарян, Н. Г. Агекян, А. А. Саркисян**

### **Одноэлектронный ток в цилиндрическом нанослое**

Исследованы орбитальный ток и ток спинового магнитного момента электрона в цилиндрическом нанослое. Показано, что при определенных условиях основной вклад в полный ток обусловлен током спинового магнитного момента.

**Ակադեմիկոս Է. Մ. Ղազարյան, Ն. Գ. Աղեկյան, Հ. Ա. Սարգսյան**

### **Մեկէլեկտրոնային հոսանքը գլանային նանոշերտում**

Հետազոտված են ուղեծրային և սպինային մագնիսական մոմենտի հոսանքները գլանային նանոշերտում: Ցույց է տրված, որ որոշ դեպքերում հիմնական ներդրումը լրիվ հոսանքի մեջ պայմանավորված է սպինային մագնիսական մոմենտի հոսանքով:

**Academician E. M. Kazaryan, N. G. Aghekyan, H. A. Sarkisyan**

### **A Single-Electron Current in a Cylindrical Nanolayer**

The orbital current and the spin magnetic moment current of an electron in a cylindrical nanolayer are investigated. It is shown that under certain conditions, the main contribution to the total current due to the spin magnetic moment current.

## Литература

1. *Lorke A. et al.* - Phys. Rev. Lett. 2000. V. 84. P. 2223.
2. *Казарян Э.М., Саркисян А.А.* Слоистые наноструктуры. В.: Энциклопедия ЮНЕСКО “Нанонаука и нанотехнологии”. Ред. О. Аваделькарим, Ч. Бай, С.П. Капица. М. Магистр Пресс. 2011. С. 120.
3. *Narutyunyan V.A.* - Physica E. 2007. V. 39. P. 37.
4. *Zuhair M., Manaselyan A., Sarkisyan H.* - Physica E. 2009. V. 41. P. 1583.
5. *Bellucci S., Onorato P.* - Physica E. 2009. V. 41. P. 1393.
6. *Chakraborty T., Pietiläinen P.* – Physi. Rev. B. 1994. V.50. P. 8460.
7. *Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М.* Квантовая механика. М. Наука. 1989.
8. *Винтерниц П. и др.* – Ядерная физика. 1966. Т. 4. С. 625.